TC2-4

適応度景観における中立度と凸凹度の推定

片田 喜章 (摂南大学)

Estimating the Degree of Neutrality and Ruggedness in Fitness Landscapes

Katada Yoshiaki (Setsunan University)

The shape of fitness landscapes is an important key for evolutionary optimization to predict the performance of evolutionary algorithms (EAs) and to tune EA parameters. In these decades, the features of a fitness landscape has been proposed and recognized as an important factor in the genetic search. However, the research progress has been slow in the evolutionary computation community. Our research group proposed the method to estimate the features of a fitness landscape, ruggedness and neutrality. This paper introduced our proposed method for estimating the degree of neutrality in fitness landscapes. Several computer simulations were conducted with not only a test problem but also an evolutionary robotics problem in order to investigate the validity of the proposed approach. The results suggest to us that this approach is a reliable method for estimating the degree of neutrality on real-world problems. Some issues for landscape analysis are described briefly in the last part of this paper.

キーワード:進化的最適化,適応度景観,景観分析,特徴量,中立度,凸凹度

Keywords: evolutionary optimization, fitness landscapes, landscape analysis, features of landscapes, neutrality, ruggedness

1. はじめに

進化を山登りと捉える –このときの山の形状・起伏を表 すものが適応度景観 (fitness landscape) である.この概 念は進化における選択と変異の動きを視覚化するために集 団遺伝学者 Wright⁽¹⁾ によって初めて導入された.進化論 的計算では適応度景観は適応度関数そのものであり, 解く べき問題の易しさ/難しさに直結する.数学的には,設計変 数(遺伝子座の遺伝子)とそれらに対する適応度で定義さ れる多次元空間で表現される.例えば,2つの設計変数に よって構成される探索空間に適応度を表す軸を高さ方向に とったものが3次元の適応度景観であり,われわれが視覚 的に「山」と捉えられるものである.適応度景観上の1点 は,ある個体の遺伝子型とその適応度を表す.ここで,遺 伝的操作は適応度景観における点の移動を意味し,選択は その点群の固定および消失を意味する.そして,進化過程 は適応度景観における点群(個体群)の推移として捉えら れる.進化論的計算の実行中に得られる遺伝子型-適応度の 集合は,いわば適応度景観という名の山に残された進化の 足跡であり,遺伝的操作を適用し評価することはこの一歩 に相当する.

適応度景観の形状を調べる目的は,i)得られた進化論的 計算の解探索に関する性能を説明する,ii)進化論的計算を 適用する場合の問題の困難さを定量化し,有効な進化論的 計算を選定する(パラメータ調整を含む),ことにある.し かしながら,適応度景観の全体形状の正確な測定は,探索 空間の全探索によってのみ可能となる.さらに同じ適応度 景観上でも,進化の歩幅および足跡のつき方は採用する進 化論的計算によって異なる.そこで問題の困難さは景観の 概形によって議論されてきた.初期の進化論的計算の理論 的研究では,問題の困難さはだまし(deception)・多峰性 (multimodality)・isolation など適応度景観の形状を表す 抽象的な用語に基づいて議論された.しかし,これらが進 化論的計算の最適化問題を解く性能に与える影響について は未だ多くの議論がなされており,それらに対する反証も 挙げられている.

近年,進化論的計算が解くべき問題の困難さを適応度景 観から説明しようとする試みは,適応度景観の特徴量を測 定することで行われている.これらの研究の大部分は凸凹 (ruggedness)/エピスタシス (epistasis) をもとになされて いる (2)~(6) (なお,エピスタシスとは,遺伝子座間の相互 作用を意味する). 凸凹の度合いを推定する統計的手法とし ては,ある個体(親個体)とその近傍個体(遺伝子空間で 距離が近い/突然変異体/子個体)の適応度の相関に基づく ものが多い(2)~(6).例えば,ある遺伝子型とその近傍の遺 伝子型の適応度の相関が小さいということは,適応度景観 上の近傍点で相関が小さい, つまり, 凸凹の度合いが大き いことを表す.一般的に,凸凹の度合いが大きくなると問 題は進化論的計算にとってより困難になり、ついには景観 上の近傍点で何ら相関がなくなり,進化論的計算はランダ ム探索と同等となってしまうことが知られている.もう-つの特徴量として近年注目されているものに中立性 (neutrality) (7)~(15) がある.これは3次元空間における山の,起 伏のない平坦な部分に相当する.進化型ロボットにおける ニューラルコントローラ⁽¹⁶⁾⁻⁽¹⁸⁾や進化型ハードウェア⁽¹⁹⁾ などに代表される問題領域においては,その遺伝子型-表現 型写像または表現型-適応度写像に含まれる冗長性が中立 性として適応度景観に現れることが報告されている.中立 性の度合いを推定する統計的手法としては,中立性の度合 いを全世代における親個体と子個体の適応度が等しい確率 として定義し定量化する方法⁽¹³⁾,進化論的計算を実行し 得られた遺伝子型データから中立性の度合いを推定する方 法⁽²⁰⁾が提案されている.

中立度の推定法に関して,上述の文献(13)の測定は直感 的にうまくいくように思われるが,適応度を直接比較する ため,"等しい"とみなす差 ε : $(|f - f'| \le \varepsilon, f, f'$ は親とそ の子の適応度)を実験者が決定する必要がある.しかし,こ の測定法は ε の値に対し非常に敏感であることが Vassilev ら⁽¹¹⁾によって示されている.とくに,適応度を実数値で 評価する問題やノイズが含まれる実問題ではこの ε の設定 が結果に大きく影響を与えてしまう.本稿では,筆者らの 研究グループで提案している,凸凹と中立性の度合いを推 定する方法⁽²⁰⁾を紹介し,それを進化型ロボット⁽²¹⁾に適 用した事例について報告する.最後に,適応度景観分析の 最近の動向について触れる.

2. 適応度景観の特徴量推定法

本節では,適応度景観の特徴量を推定する方法について 述べる.推定する特徴量は凸凹度と中立度であり,凸凹度 はSmithらの測定法⁽¹³⁾を用いて,中立度は我々の研究グ ループが提案している測定法⁽²⁰⁾である遺伝距離を用いて それぞれ推定する.中立度の推定において,Smithらの方 法による凸凹度を使用することから,さきに凸凹度の推定 について説明する.

2・1 凸凹度の測定法 実問題の適応度景観におけ る凸凹度は適応度景観の相関に基づいて推定される⁽²⁾.そ こで,凸凹度の指標として,適応度景観の相関をスカラー 量で表すことができる Smith らの方法⁽¹³⁾を用いる.

適応度 k の親個体から生まれる子個体の平均適応度⁽¹³⁾ は以下のように定義される.

$$\bar{f}(k) = \frac{\sum_{g \in G(k)} f(g)}{|G(k)|} \quad \dots \quad \dots \quad (1)$$

ここで,G(k)は全世代にわたって適応度kの親から生まれる子の遺伝子集合,gは子の遺伝子,f(g)は子の適応度である.kに対する \bar{f} の傾き(r)は中立度の影響を受けず, 凸凹度が増加するとrは減少し,遺伝子座間に関連(エピスタシス)がないときには $r \simeq 1.0$ に,最大に関連があるときには $r \simeq 0.0$ になることが知られている⁽¹³⁾.

2·2 中立度の測定法

2・2・1 遺伝距離 「遺伝距離」は元々,集団遺伝 学において,集団間もしくは種間の遺伝子の違いを推定す るために用いられている⁽²²⁾⁽²³⁾.文献⁽²⁴⁾ではこれを GA に適用できるように拡張し,その特徴を調べている.詳細 については文献⁽²⁰⁾⁽²⁴⁾を参照されたい.

遺伝距離を計算する際に用いる二つの集団について,t世 代での個体集団とt+1世代での個体集団を考える.そし て,世代間の遺伝距離 $D_{t,t+1}$ を求め,T世代までの総和を GAにおける遺伝距離として以下のように計算する.

添え字を用いた式表現の明瞭化のために,t世代での個体 集団を集団 X とよび,t+1世代での個体集団を集団 Y と よぶことにすると,(2)式の $D_{t,t+1}$ は,つぎのように与え られる.

$$D_{X,Y} = -\log_e \frac{J_{XY}}{\sqrt{J_X}\sqrt{J_Y}} \quad \dots \qquad (3)$$

ここで, $J_X = \sum_{i=1}^{N} j_{xi}/N$, $J_Y = \sum_{i=1}^{N} j_{yi}/N$, $J_{XY} = \sum_{i=1}^{N} j_{xyi}/N$ であり (N: 遺伝子長), j_{xi}, j_{yi}, j_{xyi} はそれ ぞれつぎのように与えられる.まず,集団 X における第 i 番目の遺伝子座の対立遺伝子 l の頻度を $x_{il} = n_{il}/M$ ($i = 1, \ldots, N$, M:個体数, n_{il} :集団内の対立遺伝子 $l \in \{0,1\}$ の数*) とする.同様に集団 Y における y_{il} を考え, $j_{xi} = x_{i0}^2 + x_{i1}^2$, $j_{yi} = y_{i0}^2 + y_{i1}^2$, $j_{xyi} = x_{i0}y_{i0} + x_{i1}y_{i1}$ と する.ここで, j_{xi} は集団 X から任意に選んだ二個体にお ける第 i 番目の遺伝子座の対立遺伝子が等しい確率であり, j_{yi} は集団 Y のそれである. j_{xyi} は集団 X と Y のそれぞ れから任意に一個体ずつ選んだ二個体における第 i 番目の遺伝子座の対立遺伝子が等しい確率である.

2・2・2 遺伝距離の特性 文献 (24) では,遺伝距離 の特性を調べている.その特性を以下にまとめる. 突然変異率が十分に小さいという条件の下で,

- (1) 中立性を含む適応度景観において,遺伝距離は世 代数に対し,ほぼ線形的に増加し続ける.
- (2) 遺伝距離は中立度が大きいほど増加する.
- (3) 遺伝距離は凸凹度が大きいほど減少する.

(4) 遺伝距離は集団の個体数が多いほど減少する. (1)(2)は、その世代数(T)に対する傾き(α)が中立度の指 標として使えることを示している.しかし、(3)のため凸 凹度の影響も考慮しなければならない.これらを考慮して、 適応度景観における中立度の推定法を文献⁽²⁴⁾において提 案した.以下にその詳細を示す.

2・2・3 中立度の測定手順 実問題で適応度景観の 中立度を推定する手順を以下に示す.

- i) 実問題における遺伝距離の世代数に対する推移を 調べ,中立性が含まれることを確認する.
- ii) 実問題における各試行から点 (*r*, *α*) を計算する.
- iii) テスト関数で凸凹度と中立度を変更し, *r*-α 曲線
 群を得る.

^{*1}の要素数はバイナリコーディングを用いた遺伝的アルゴリズム (GA)⁽²⁵⁾⁽²⁶⁾の対立遺伝子数に対応している.

iv) 得られた *r*-α 曲線群を用いて,実問題で得られた
 点 (*r*, α) がどの曲線に近いかを判別し,中立度の推
 定・比較を間接的に行う.

手順 iii)iv) を行うのは, 2・2・2 節でも確認したように,遺 伝距離は中立度と凸凹度の両方に依存するためである.つ まり,テスト関数で得られる r-α 曲線群を等中立度曲線群 として捉え,実問題で得られる点 (r, α) が (r, α) 図上のど こに位置するかを視覚的に判断する (どの曲線に近いかを 調べる) ことによって中立度を推定する.このテスト関数 として中立性と凸凹の二つの適応度景観の特徴量を調節で き,中立ネットワークに関する研究領域で多く利用される NKq ランドスケープ⁽⁹⁾(以下 NKq とよぶ) および NKq よ りも大きい中立度を扱えるように拡張した NKq-p(3節参 照)を用いて計算機実験を行う.この二つのランドスケー プの景観パラメータは , 手順 iii) において手順 iv) を行え るように決定する.ここで, 2・2・2 節で述べた GA におけ る遺伝距離の特性より,遺伝距離を計算して適応度景観間 の特徴量を比較するためには,テスト関数と実問題で GA のパラメータ設定 (突然変異率・個体数・トーナメントサ イズ)を等しく設定する必要がある.

 9. 中立性を含む拡張 NK ランドスケープにおける 遺伝距離の特性

本節では NKq および NKq-p に簡単 GA(SGA) を適用 して,得られる遺伝子型データから遺伝距離を計算すると 共に,実問題への適用を考慮して,従来手法を用いて推定 された凸凹度との関係を考察する.

3・1 テスト関数 NKq は遺伝子長 N,遺伝子間 のエピスタシス数 K(< N),中立度を調節する値 F(2 以 上の自然数)を景観パラメータとしてもつ.Kが大きくなると凸凹度が増し,K = N - 1のとき,凸凹度が最大になる.

i番目の遺伝子座の適応度に対する貢献値 v_i は $0 \le v_i < F$, $i = 1, \dots, N$ の範囲で整数としてランダムに生成される. 適応度 V は各遺伝子座における貢献値を平均し,F-1で割る (正規化) ことによって計算される.

ここで,F = 2のとき,中立度は最大となり, $F \rightarrow \infty$ のとき,中立度は0となる.

NKq-p は, NKq(F = 2に固定)を拡張したものであり, (4)式の各遺伝子座における貢献値 v_i を確率 P で 0 にする ことで, NKq で設定できる最大の中立度 (F = 2 のとき) よりも大きい中立度を扱えるようになる (中立度を含む拡 張 NK ランドスケープとして同様に提案されている NKp ランドスケープ⁽⁸⁾の中立度導入法を参考にした).

3・2 計算機実験設定 2節で述べた特徴量推定を 行うため,SGAでは交叉は用いないものとし,点突然変異 のみを遺伝的操作として用いる.また,2・2・2 節で述べた GA において遺伝距離を求める際の条件より,十分小さい突 然変異率として q = 0.008 に設定する.個体数を 50 とし, 選択法としてトーナメント選択を用いる.SGA では弱い選 択圧が推奨されていることからトーナメントサイズを 2 と する.generational GA を採用し,各試行の最終世代数を 2,000 とする.NKq,NKq-pの景観パラメータを N = 20, $K \in \{0, 2, 6, 12, 19\}, F \in \{2, 3, 4\}, P \in \{0.9, 0.99\}$ (ただ し, Pを用いる際は F = 2)に設定し,各景観に関し独立 に 50 試行行う.(1)式における k に対する \bar{f} の傾き (r) お よび世代数 (T) に対する (3)式の傾き (α) は最小二乗法を 用いて計算する.

3.3 計算機実験結果

3・3・1 凸凹度の推定 図 1 に F = 2 に関する NKq における r を最小二乗法を用いて表した結果を示す. 2・1 節で述べたように,rは,Kが増加する(凸凹度が増加する)と,その値は減少することが確認できる⁽¹³⁾.また,結 果は省略するが F の値(中立度)の影響を受けない.

3・3・2 凸凹度に対する遺伝距離の特性 (K, F)または (K, P)の各組合せに対する $r \ge \alpha$ の関係を図 2 に示す. Kに対応する相関値 rに関して, Fの減少または P



図1 親個体の適応度に対する子個体の 平気適応度 (NKq: N = 20, F = 2)

Fig. 1. Expected offspring fitness value over all parent fitness values in NKq for N = 20 and F = 2



図 2 (*r*, *α*) 点群

Fig. 2. α as a function of the correlation (r)

の増加に伴い, α が増加していることがわかる (2·2·2 節 で述べた GA における遺伝距離の特性 (2)).また,適応度 景観の相関 rが大きくなると α が増加していることがわか る (特性 (3)).以上の結果より,2·2·3 節で述べたように, NKq および NKq-p において,F, Pが一定,つまり,中立 度が一定である (r, α) 点群は図 2 に見られるような曲線を 形成し,中立度の各値に対し $r-\alpha$ 曲線群が得られる.

4. 進化ロボティクスにおける中立度と凸凹度の推定

本節では,工学的実問題であるニューラルコントローラ を用いた自律エージェントによる対象物運動パターン識別 問題を扱う.中間ノード数を変化させた場合の各適応度景 観にSGAを適用して,2節で示した各特徴量の測定法に 基づいて,適応度景観に中立性が含まれることを調べ,3 節で得られた結果をもとに,中立度および凸凹度の推定お よび比較を行う.

4·1 計算機実験設定

4・1・1 タスクと適応度関数 図3に自律エージェ ントによる運動パターン識別問題⁽²⁷⁾の概略を示す.エー ジェントは近接センサ及び水平方向に移動するためのモー タをもち,近接センサは対象物を感知するとその距離に応 じた値を0.0から1.0の間の実数値を出力する.対象物は 水平方向の長周期運動(LP)もしくは短周期運動(SP)を 伴いながら,環境の上方より垂直方向に等速で落下する. エージェントは,この振動周期を識別し環境の下方で水平 方向に移動することで,LPを捕獲し(catch),SPを回避 する(avoid)ことを目的とする.落下開始位置が水平方向 に異なる試行を各周期毎に8回行い,つぎの適応度関数を 用いてエージェントの適応度を計算する:

ここで, trials(=16) は各個体に対する試行数であり,

$$P_{i} = \begin{cases} 1 - d_{i}, & (LP) \\ d_{i}, & (SP) \end{cases} \quad d_{i} = \begin{cases} 1, & hd_{i} > 60 \\ hd_{i}/60, & hd_{i} \le 60 \end{cases}$$

とする.ただし, hd_i は最終的な落下対象物とエージェントの水平距離である.なお,LPの場合には落下地点に近いとき,SPの場合には落下地点より遠いときに高い適応度を示す.

4・1・2 コントローラ エージェントのコントローラ として,中間層・出力層が完全相互結合された Pulsed Neural Networks:PNN ⁽²⁸⁾ を用いる.入力ノード数を7(近接 センサ),出力ノード数を2(モータの水平方向速度)とし, 中間ノード数を $N_h = \{0, 1, 5, 10, 15\}$ と変化させる.ここ で N_h を変化させることの目的は,一般に中間ノード数の 設定は問題に対するコントローラの性能に大きく影響を与 えることが知られており,また,適応度景観の形状に影響 を与えることが予想されるためである.PNN で用いられ る他のパラメータは文献(27)の設定に従う. 4・1・3 遺伝的アルゴリズムの設定 PNN の結合 荷重・しきい値を変数とし,各変数に10ビットを用いてバイ ナリコーディングを行ったSGAを用いる.このとき, N_h の 各値に対する遺伝子長は $L = \{200, 330, 1050, 2400, 4250\}$ となる.3節と同様の理由により,遺伝的操作として点突 然変異のみを用いる.点突然変異率は2節で述べた遺伝距 離をGAに用いる際の条件に従い,各コントローラ共通の $q = 1/L_{N_h=15}$ *を用いる.選択法はトーナメント選択(トー ナメントサイズ:2)を用い,個体数を50,世代数を6,000 とし,独立に10試行行う.

NKq,q-p の景観パラメータは, 2・2・3 節の手順 iii) に おいて手順 iv) を行えるように予備的な実験を行い,決定 する.本実験では, 3・1 節と同じ設定とする.NKq,q-p に 用いる SGA は PNN に用いる場合と同じパラメータ設定 とする.ここで,手順 iv)を行う意味を本設定で説明する と,PNN の各適応度間の特徴量を直接比較すると, 4・2 節で述べるように,中立度の増減を判断できない事例が存 在するためである.



図3 運動パターン識別問題の実験環境

Fig. 3. Experimental setup for the discrimination of the motion patterns. Two kinds of period used in the discrimination experiments (left) and the agent in the arena with its array of the proximity sensors (right).



図4 世代数に対する遺伝距離の推移 $(N_h = 15)$ Fig. 4. Genetic distances at each generation for $N_h = 15$ in 10 runs

*q = 1/L が最小になる $N_h = 15$ の場合に設定する.

4・2 計算機実験結果 図4にPNNの $N_h = 15$ に おける10試行分の遺伝距離の推移を示す.全試行とも,世 代数に対しほぼ線形に増加し続けていることから,2・2・2・2 節で述べたGAにおける遺伝距離の特性(1)より,本問題 のPNNの適応度景観は中立性を含むことがわかる.他の N_h に関しても同様の結果が得られている.以降,10試行 分のデータを用いて,最小二乗法により α を計算した結果 を示す.

図 5,6 に PNN の各 N_h に対する適応度景観の特徴量を それぞれ示す.本実験では, $N_h = 15$ の場合を除いて, N_h が増加すると適応度景観の相関は増加する,つまり凸凹度 は減少する傾向にある(図 5).一方, N_h が増加すると α も増加していることがわかる(図 6). $N_h = 0 \rightarrow 1$ の変 化を比較すると相関はそれほど変わらないが, α は大きく 増加している.また, $N_h = 10 \rightarrow 15$ を比較すると相関は 減少しているにもかかわらず, α は増加している.これら は遺伝距離の特性(2)(3) および3節の結果より,中立度が 増加することによって起こると推測される. $N_h = 1 \rightarrow 5$, $N_h = 5 \rightarrow 10$ では $r \ge \alpha$ が共に増加しているため,これ らを直接比較するだけでは中立度の増減は判断できない.

そこで,実験設定で述べたように,NKq,q-pにおいて得られる $r-\alpha$ 曲線群を用いて,PNNの各適応度景観で得られた (r, α) がどの曲線に近いかを判別し,中立度の推定・



比較を行う (図 7) . $N_h = 0, 1$ の場合の (r, α) は P = 0.99と P = 0.9 の曲線間に位置し, $N_h = 1$ の方が P = 0.99 の 曲線に近い.また, $N_h = 5, 15$ の場合の (r, α) は P = 0.9の曲線上に位置し, $N_h = 10$ の場合の (r, α) は P = 0.9と F = 2 の曲線間に位置している.このことから,中立 度が小さい方から順に $N_h = 10 \rightarrow \{5, 15\} \rightarrow 0 \rightarrow 1$ と変 化していることがわかる. $N_h = 0 \rightarrow 1$, $N_h = 10 \rightarrow 15$ を比較した場合,中立度が増加していることがわかる.こ れは α を直接比較したときに得られた上述の予測と一致 する.また,中立度の増減が直接比較で判断できなかった $N_h = 1 \rightarrow 5$, $N_h = 5 \rightarrow 10$ では,NKq,q-p との比較に よって,相対的に中立度が減少していることがわかる.

図 8 に PNN の各適応度景観での SGA のパフォーマン スを示す. $N_h = 1$ の場合を除いて,探索空間が小さい方 がより速く良好な解を見つけていることがわかる. $N_h = 1$ に関しては,凸凹度に基づいた考察だけでは $N_h = 0$ の場 合に比べてパフォーマンスが劣る理由が説明できないが, 図 7 より中立度が一番大きくなっていることから適応度景 観において平坦な部分が広くなり,解探索の効率が悪くなっ ていると推測できる.



図7 各 N_h および NKq,NKq-p における 相関 r に対する α

Fig. 7. α as a function of the correlation (r) for each N_h , NKq and NKq-p



Fig. 8. Maximum fitness at each generation

5. おわりに

本稿では, 凸凹と中立性の度合いを推定する方法を紹介 し,それを進化型ロボットに適用した事例について報告し た.ここで,はじめにで述べた適応度景観の形状を調べる 目的という観点から本稿での報告をまとめてみる.目的 i) に関して,一般的に各特徴量の推定量と得られる進化論的 計算の解探索性能との関係は未だわかっていない部分が多 い.本稿でも前節の最後での記述からもわかるように,推 測に基づく部分があり,完全には説明しきれていない.これ は関連研究においても同様である.目的ii)に関しては,4 節の結果をもとにパラメータを決定した拡張型 GA を同じ 問題に適用し良い探索性能が得られていることを文献(29) で報告している.しかしながら,多くの問題に適用し有効 性を検証したわけではなく、このアプローチの可能性の一 端を確認したに過ぎない.関連研究においても,測定され た特徴量に基づいて進化論的計算を選定したり,パラメー タを調整する方法論は確立されていない.

また,本稿で紹介した方法ではバイナリーGAの適用を 前提としていた.特徴量を推定する研究はバイナリーGA を適用する場合を想定した事例が多く,実数値関数最適化 を扱う実数値型進化計算ではそれほど多くないように思わ れる.実数値関数で探索性能に影響を与えると頻繁に議論 される変数間依存関係や多峰性・悪スケール性は適応度景 観の形状に関連する要因である,もしくは形状そのものを 表していると考えられる.これらを統合するような適応度 景観の分析法・特徴量の提案が期待される.

適応度景観に関する研究は進化論的計算の理論として重 要な部分を成すと考えられるが,研究領域全体で見ても多 くの研究が活発になされているとはいい難い.本稿執筆時 で編集段階ではあるが,散在する研究成果を書籍(英語)と してまとめ,適応度景観についての知識を多面的に提供し ようという動きもある.

文 献

- (1) S. Wright: "The Role of Mutation, Inbreeding, Crossbreeding and Selection in Evolution", Proceedings of the Sixth International Congress on Genetics (D. Jones, ed.), Vol1, pp. 356– 366 (1932)
- (2) E. D. Weinberger: "Correlated and uncorrelated fitness landscapes and how to tell the difference", Biological Cybernetics, 63, pp. 325–336 (1990)
- (3) B. Manderick, M. Weger and P. Spiessens: "The genetic algorithm and the structure of the fitness landscape", Proceedings of the Fourth International Conference on Genetic Algorithms (R. Belew and B. Booker, eds), pp. 143–150, Morgan Kaufmann (1991)
- (4) W. Hordijk: "A measure of landscapes", Evolutionary Computation, Vol. 4, No. 4, pp. 335–360 (1994)
- (5) T. Jones and S. Forrest: "Fitness distance correlation as a measure of problem difficulty for genetic algorithms", Proceedings of the Sixth International Conference on Genetic Algorithms (L. Eshelman, ed.), pp. 184–192, Morgan Kaufmann (1995)
- (6) P. F. Stadler: "Landscapes and their correlation functions",

Journal of Mathematical Chemistry, 20, pp. 1–45 (1996)

- (7) I. Harvey and A. Thompson: "Through the labyrinth evolution finds a way: A silicon ridge", Proceedings of the First International Conference on Evolvable Systems: From Biology to Hardware, pp. 406–422 (1996)
- (8) L. Barnett: "Tangled webs: Evolutionary dynamics on fitness landscapes with neutrality", MSc. dissertation, School of Cognitive and Computing Sciences, Sussex University (1997)
- (9) M. Newman and R. Engelhardt: "Effect of neutral selection on the evolution of molecular species", Proceedings of the Royal Society of London B, 256, pp. 1333–1338, Morgan Kaufmann (1998)
- (10) E. Nimwegen, J. Crutchfield and M. Mitchell: "Statistical dynamics of the royal road genetic algorithm", Theoretical Computer Science, Vol. 229, No. 1, pp. 41–102 (1999)
- (11) V. K. Vassilev, T. C. Fogarty and J. F. Miller: "Information characteristics and the structure of landscapes", Evolutionary Computation, 8(1), pp. 31–60 (2000)
- (12) M. Ebner, P. Langguth, J. Albert, M. Shackleton and R. Shipman: "On neutral networks and evolvability", Proceedings of the 2001 IEEE Congress on Evolutionary Computation: CEC2001, pp. 1–8, IEEE Press (2001)
- (13) T. Smith, P. Husbands, P. Layzell and M. O'Shea: "Fitness landscapes and evolvability", Evolutionary Computation, Vol. 10, No. 1, pp. 1–34 (2002)
- (14) F. Rothlauf and D. Goldberg: "Redundant representations in evolutionary computation", Evolutionary Computation, Vol. 11, No. 4, pp. 381–415 (2003)
- (15) 片田,大倉,上田: Neutral Networks を含む適応度景観における 遺伝的アルゴリズムの進化ダイナミクス、システム制御情報学会論 文誌, Vol. 17, No. 5, pp. 187–195 (2004)
- (16) I. Harvey: "Artificial evolution for real problems", Evolutionary Robotics: From Intelligent Robots to Artificial Life (ER'97) (T. Gomi, ed.), AAI Books (1997)
- (17) T. Smith, P. Husbands and M. O'Shea: "Neutral networks in an evolutionary robotics search space", Proceedings of the 2001 IEEE Congress on Evolutionary Computation: CEC2001, pp. 136–145, IEEE Press (2001)
- (18) T. Smith: "The evolvability of artificial neural networks for robot control", PhD dissertation, School of Biological Sciences, University of Sussex, UK (2002)
- (19) A. Thompson: "An evolved circuit, intrinsic in silicon, entwined with physics", Proceedings of the First International Conference on Evolvable Systems: From Biology to Hardware, pp. 390–405 (1996)
- (20) 片田,大倉:根井の標準遺伝距離を用いた適応度景観に含まれる neutralityの推定-進化ロボティクスへの適用,システム制御情報 学会論文誌, Vol. 18, No. 8, pp. 284-291, (2005)
- (21) S. Nolfi and D. Floreano: Evolutionary robotics: The biology, intelligence, and technology of self-organizing machines, MIT Press, (2000)
- (22) M. Nei: "Genetic distance between populations", The American Naturalist, Vol. 106, pp. 283–292 (1972)
- (23) 根井正利:分子進化遺伝学;培風館,(1990)
- (24) 片田,大倉:根井の標準遺伝距離を用いた neutrality を含む適応 度景観をもつ問題でのGAの進化ダイナミクス解析,システム制御 情報学会論文誌, Vol. 19, No. 2, pp. 43-50 (2006)
- (25) J. H. Holland: Adaptation in Natural and Artificial Systems, University of Michigan Press (1975)
- (26) D. Goldberg: Genetic Algorithms in Search, Optimization and Machine Learning, Addison-Wesley (1989)
- (27) Y. Katada, K. Ohkura and K. Ueda: "Artificial evolution of pulsed neural networks on the motion pattern classification system", Proceedings of 2003 IEEE International Symposium on Computational Intelligence in Robotics and Automation (CIRA), pp. 318–323 (2003)
- (28) W. Maass, and C. M. Bishop: Pulsed Neural Networks, MIT press (1998)
- (29) 片田,大倉: ニュートラルネットワークを含む適応度景観における 遺伝的アルゴリズムの進化ダイナミクス -進化ロボティクスでの 検証,システム制御情報学会論文誌, Vol. 21, No. 2, pp. 31-39 (2008)