

2024年度 帰国生徒入試 数学 【理学部】

受験番号								氏名	志望学科
—									学科

I $x^2 - xy - 2y^2 + 7x - 5y + 12$ を因数分解せよ。 (10点)

II 男子5人、女子4人の合計9人の中から3人を選ぶとき、その中に少なくとも1人の女子を含むような選び方は何通りあるか求めよ。 (10点)

III $0^\circ \leq x \leq 180^\circ$ のとき、方程式 $\sin^2 x - \cos^2 x = \frac{\sqrt{3}}{2}$ を解け。 (10点)

IV $a_1 = 2, a_{n+1} = 4a_n + 3$ ($n = 1, 2, 3, \dots$) で定められる数列 $\{a_n\}$ について、次の間に答えよ。(30 点)

問 1 数列 $\{a_n\}$ の第 n 項を n の式で表せ。

問 2 数列 $\{a_n\}$ の初項から第 n 項までの和 S_n を n の式で表せ。

問 3 $a_n \leq 5000$ を満たす最大の自然数 n を求めよ。

V 方程式 $\log_2|x+5| + \log_2|x-1| = 3$ を解け。(10 点)

VI 2 次関数 $y = x^2 + 5x - 6$ について、次の間に答えよ。(30 点)

問 1 この 2 次関数のグラフをかけ。

問 2 この 2 次関数のグラフにおいて、傾きが 1 である接線の方程式を求めよ。

問 3 この 2 次関数のグラフと問 2 で求めた接線と x 軸で囲まれた部分の面積を求めよ。